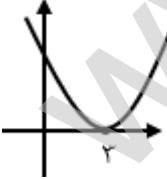
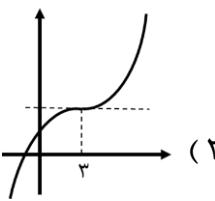
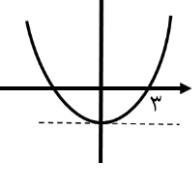
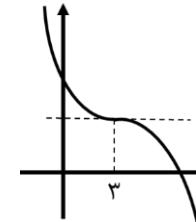


ساعت شروع : ۸ صبح	مدت امتحان : ۱۲۰ دقیقه	رشته : ریاضی	سؤالات امتحان شبه نهایی درس : حسابان ۲
تعداد صفحه : ۳	تاریخ امتحان ۱۱/۰۲/۱۴۰۲	شماره صندلی :	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
دانشآموزان روزانه شهرستان‌های استان تهران			دانشآموزان روزانه شهرستان‌های استان تهران
https://www.teo.medu.ir			نام و نام خانوادگی :

ردیف	سؤالات	بارم
۱	<p>درستی یا نادرستی عبارات زیر را تعیین کنید.</p> <p>الف) اگر دامنه تابع $y = f(x)$ برابر $[1, 3]$ باشد، دامنه تابع $y = f(2x - 1)$ عبارت است از $[1, 2]$.</p> <p>ب) $y = \tan x$ در بازه $[\pi, 0]$ اکیداً صعودی است.</p> <p>ج) تابع $y = 2x$ در نقطه $x = 1$ مشتق پذیر نیست.</p> <p>د) در نقاط اکسٹرمم نسبی، همواره مشتق موجود است.</p>	۱
۲	<p>جاهای خالی را عبارات مناسب پر کنید.</p> <p>الف) دوره تناوب تابع $y = \sin x$ عبارت است از</p> <p>ب) اگر در تابع $f(x) = \frac{x-a}{x^2+3x+2}$ فقط خط $x = 1$ مجانب قائم باشد، مقدار a برابر است با</p> <p>ج) عبارت ریاضی معادل با «می‌توانیم $f(x)$ را به میزان دلخواه از هر عدد مثبت بزرگتر کنیم به شرط این که x رابه اندازه کافی به a از راست نزدیک کرده باشیم.» عبارت است از</p> <p>د) مجموع طول نقاط اکسٹرمم نسبی تابع $f(x) = x^3 - 3x$ عبارت است از</p>	۱
۳	<p>گزینه صحیح را انتخاب کنید.</p> <p>الف-تابع با ضابطه $f(x) = \begin{cases} -\sqrt{x} & x > 0 \\ 1-x^2 & x \leq 0 \end{cases}$ کدام وضعیت را دارد؟</p> <p>۱) ماکزیمم مطلق دارد ولی مینیمم مطلق ندارد. ۲) مینیمم مطلق دارد ولی ماکزیمم مطلق ندارد. ۳) هم ماکزیمم مطلق و هم مینیمم مطلق دارد. ۴) نه ماکزیمم مطلق و نه مینیمم مطلق دارد.</p> <p>ب-اگر شکل مقابل نمودار تابع f' باشد، کدام نمودار می‌تواند تابع f باشد؟</p>	۰/۵
	 <p>(۱)</p>  <p>(۲)</p>  <p>(۳)</p>  <p>(۴)</p>	

ساعت شروع : ۸ صبح	مدت امتحان : ۱۲۰ دقیقه	رشته: ریاضی	سؤالات امتحان شبه نهایی درس : حسابان ۲
تعداد صفحه : ۳	تاریخ امتحان ۱۱/۰۲/۱۴۰۲	شماره صندلی :	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
اداره کل آموزش و پرورش شهرستان های استان تهران		دانش آموزان روزانه شهرستان های استان تهران	
https://www.teo.medu.ir		دانش آموزان روزانه شهرستان های استان تهران	

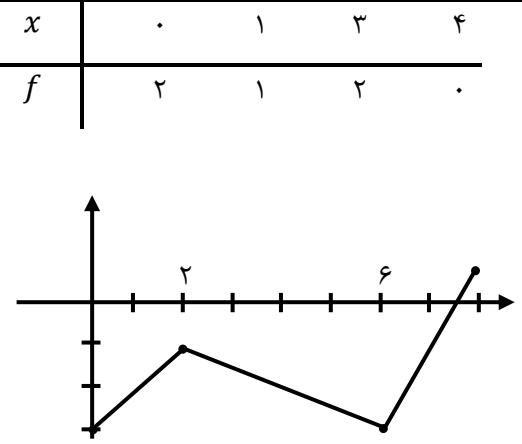
۱	<p>اگر نمودار $y = f(x)$ به صورت مقابل باشد، نمودار تابع $y = 1 - 2f\left(\frac{x}{2}\right)$ را رسم کنید.</p>	۴
۱/۲۵	<p>خارج قسمت تقسیم چندجمله ای $1 + x - P(x) = x^{\delta} + \dots$، چندجمله ای $Q(x)$ می باشد. مقدار $Q(2)$ را به دست آورید.</p>	۵
۱	<p>نمودار مقابل مربوط به تابع $y = a \sin bx + c$ می باشد. مقدار a، b و c را به دست آورید.</p>	۶
۱/۵	<p>معادله مثلثاتی $3 \sin x + 5 = 2 \sin x$ را در بازه $[0, 2\pi]$ حل کنید.</p>	۷
۱	<p>شکل مقابل از ۳ مربع به ضلع واحد تشکیل شده است. $\tan \alpha$ را به دست آورید.</p>	۸
۰/۷۵	<p>الف) حاصل $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x + \sin^3 x}{x^3}$ را به دست آورید.</p>	۹
۱	<p>ب) اگر $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{(a-1)x^3 + 2x^2}{1-bx^3} = 1$ در این صورت a و b را به دست آورید.</p>	
۱	<p>ج) مساحت شکل ایجاد شده توسط مجاذب های تابع $y = \frac{2x}{ x -1}$ را به دست آورید.</p>	
۱/۵	<p>شکل مقابل نمودار توابع $f(x)$ و $g(x)$ را در دستگاه مختصات نمایش می دهد.</p> <p>الف) $\lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{g(x)-g(1)}{x-1}$ را به دست آورید.</p> <p>ب) حاصل $(1) \left(\frac{f}{2g}\right)'$ را به دست آورید.</p>	۱۰

ساعت شروع : ۸ صبح	مدت امتحان : ۱۲۰ دقیقه	رشته : ریاضی	سؤالات امتحان شبه نهایی درس : حسابان ۲
تعداد صفحه : ۳	تاریخ امتحان ۱۱/۰۲/۱۴۰۲	شماره صندلی :	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
اداره کل آموزش و پرورش شهرستان‌های استان تهران			دانشآموزان روزانه شهرستان‌های استان تهران
https://www.teo.medu.ir			

۱	مشتق‌پذیری تابع $f(x) = \sqrt[3]{x - 1}$ را در نقطه $x = 1$ بررسی کنید.	۱۱
۲	مشتق توابع زیر را به دست آورید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست.) الف) $f(x) = (x^3 + 1)\sqrt{3x + 2}$ ب) $g(x) = \tan^5 2x + \cos \frac{1}{x}$	۱۲
۱/۵	اگر $f(x) = 40\left(1 - \frac{x}{100}\right)^2$ باشد، در این صورت: الف) آهنگ تغییر متوسط تابع f در بازه $[0, 100]$ را به دست آورید. ب) آهنگ تغییر لحظه‌ای f در چه نقطه‌ای با آهنگ تغییر متوسط در بازه $[0, 100]$ برابر است؟	۱۳
۱/۵	در کره‌ای به شعاع ۳، یک استوانه محاط کرده‌ایم. شعاع قاعده و ارتفاع استوانه را چنان تعیین کنید که حجم استوانه بیشترین مقدار ممکن باشد.	۱۴
۱/۵	جهت تقر نمودار تابع $f(x) = \frac{1}{3}x^3 - x^2 - 3x + 4$ را بررسی کرده و نقطه عطف نمودار تابع را در صورت وجود به دست آورید.	۱۵

موفق باشید

ساعت شروع : ۸ صبح	مدت امتحان : ۱۲۰ دقیقه	رشته: ریاضی	پاسخنامه امتحان شبہ نهایی درس: حسابان ۲
تعداد صفحه : ۳	تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۰۲/۱۱	شماره صندلی:	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
اداره کل آموزش و پرورش شهرستان‌های استان تهران		دانشآموزان روزانه شهرستان‌های استان تهران	
https://www.teo.medu.ir		دانشآموزان روزانه شهرستان‌های استان تهران	

ردیف	پاسخ	بارم
۱	الف) درست ب) نادرست ج) درست د) نادرست	۱
۲	الف) π ب) -2 ج) $+25$	۱
۳	الف) گزینه ۱ ب) گزینه ۳ ج) گزینه ۵	۰/۵
۴		 ۰/۵
۵	$\begin{aligned} P(x) &= Q(x)(x+1) + P(-1) \xrightarrow{x=-1} 32 + 2 - 1 = Q(2)(2) - 3 \\ &\xrightarrow{\cdot/5} 36 = 3Q(2) \Rightarrow Q(2) = 12 \end{aligned}$	۱/۲۵
۶	$\begin{aligned} \max &= ۷, \min = ۱, T = \pi \\ c &= \frac{\max + \min}{2} = ۴, a = \frac{\max - \min}{2} = \frac{7-1}{2} = ۳ \Rightarrow a = ۳ \\ b &= \frac{۷\pi}{T} = \frac{۷\pi}{\pi} = ۷ \Rightarrow y = ۳ \sin ۷x + ۴ \end{aligned}$	۱
۷	$\begin{aligned} ۷ \sin^2 x + ۵ \sin x - ۳ &= ۰ \Rightarrow \begin{cases} \sin x = -3 & \text{غیرقائمه} \\ \sin x = \frac{1}{7} = \sin \frac{\pi}{6} \end{cases} \\ \Rightarrow \begin{cases} x = 7k\pi + \frac{\pi}{6} \\ x = 7k\pi + \pi - \frac{\pi}{6} \end{cases} & \Rightarrow \begin{cases} x = \frac{\pi}{6} \\ x = \frac{5\pi}{6} \end{cases} \end{aligned}$	۱/۵

ساعت شروع : ۸ صبح	مدت امتحان : ۱۲۰ دقیقه	رشته : ریاضی	پاسخنامه امتحان شبہ نهایی درس : حسابان ۲
تعداد صفحه : ۳	تاریخ امتحان : ۱۴۰۲/۰۲/۱۱	شماره صندلی :	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
اداره کل آموزش و پرورش شهرستان‌های استان تهران		دانشآموزان روزانه شهرستان‌های استان تهران	
https://www.teo.medu.ir		دانشآموزان روزانه شهرستان‌های استان تهران	

۱	<p style="text-align: center;">$\alpha = \gamma - \beta$</p> <p style="text-align: center;">$\tan \alpha = \tan(\gamma - \beta) = \frac{\tan \gamma - \tan \beta}{1 + \tan \gamma \tan \beta}$</p> <p style="text-align: center;">$= \frac{1 - \frac{1}{3}}{1 + \left(1 \times \frac{1}{3}\right)} = \frac{\frac{2}{3}}{\frac{4}{3}} = \frac{1}{2}$</p>	۸
۲/۷۵	<p>الف) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x + \sin^r x}{x^r} = \underbrace{\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x}{x^r}}_{\cdot / 25} + \underbrace{\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sin^r x}{x^r}}_{\cdot / 25} = \underbrace{\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{1}{x^r}}_{\cdot / 25} + \underbrace{\lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\frac{\sin x}{x}\right)^r}_{\cdot / 25}$</p> <p style="text-align: center;">$= +\infty + 1 = +\infty$</p> <p>ب) $a - 1 = \cdot \Rightarrow \underbrace{a = 1}_{\cdot / 25} \Rightarrow \underbrace{\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{rx^r}{1 - bx^r}}_{\cdot / 25} = \underbrace{-\frac{r}{b}}_{\cdot / 25} = 1 \Rightarrow \underbrace{b = -r}_{\cdot / 25}$</p> <p>ج) $x - 1 = \cdot \rightarrow x = \pm 1 \cdot / 25$</p> <p>$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{rx}{ x - 1} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{rx}{ x } \quad \begin{cases} x \rightarrow +\infty \\ x \rightarrow -\infty \end{cases} \quad \begin{cases} y = r \\ y = -r \end{cases} \cdot / 25 \quad s = r \times \varepsilon = \lambda \cdot / 25$</p>	۹
۱/۵	<p>الف) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{g(x) - g(1)}{x - 1} = g'(1) = f'(1) = \frac{2 - \cdot}{1 - (-3)} = \frac{1}{2}$</p> <p>ب) $\left(\frac{f}{rg}\right)'(1) = \underbrace{\frac{f'(1) \times rg(1) - f(1) \times rg'(1)}{(rg(1))^r}}_{\cdot / 5} = \underbrace{\frac{\frac{1}{2} \times 2 \times 2 - 2 \times 2 \times \frac{1}{2}}{(2 \times 2)^r}}_{\cdot / 25} = \cdot$</p>	۱۰
۱	$f'(1) = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{f(x) - f(1)}{x - 1} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt[3]{x-1}}{x-1} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{1}{\sqrt[3]{(x-1)^2}} = \underbrace{+\infty}_{\cdot / 25} \quad \underbrace{\text{مشتق ناپذیر}}_{\cdot / 25}$	۱۱
۲	<p>الف) $f'(1) = \underbrace{rx^r \times \sqrt[3]{rx+2}}_{\cdot / 5} + \underbrace{(x^r + 1) \times \frac{r}{2\sqrt[3]{rx+2}}}_{\cdot / 5}$</p> <p>ب) $g'(x) = \underbrace{5 \times \tan^4 2x \times 2 \times (1 + \tan^r 2x)}_{\cdot / 5} + \underbrace{\left(-\frac{1}{x^r}\right) \times \left(-\sin \frac{1}{x}\right)}_{\cdot / 5}$</p>	۱۲

ساعت شروع : ۸ صبح	مدت امتحان : ۱۲۰ دقیقه	رشته : ریاضی	پاسخنامه امتحان شبہ نهایی درس : حسابان ۲
تعداد صفحه : ۳	تاریخ امتحان : ۱۴۰۲/۰۲/۱۱	شماره صندلی :	پایه دوازدهم دوره دوم متوجهه
https://www.teo.medu.ir		اداره کل آموزش و پرورش شهرستان های استان تهران	
دانشآموزان روزانه شهرستان های استان تهران		دانشآموزان روزانه شهرستان های استان تهران	

۱/۵	$\text{الف) } \frac{f(100) - f(.)}{100 - .} = \frac{. - 40}{100} = \frac{-40}{100} = \frac{-2}{5}$ $\text{ب) } f'(x) = 40 \times 2 \times \left(1 - \frac{x}{100}\right) \times \frac{-1}{100} = \frac{-4}{5} \left(1 - \frac{x}{100}\right)$ $\frac{-4}{5} \left(1 - \frac{x}{100}\right) = \frac{-2}{5} \Rightarrow 4 - \frac{x}{25} = 2 \Rightarrow \underbrace{\frac{x}{25}}_{. / 25} = -2 \Rightarrow x = 50.$	۱۳								
۱/۵	$V = \pi r^2 h$ $\left(\frac{h}{2}\right)^2 + r^2 = 9 \Rightarrow r^2 = 9 - \frac{h^2}{4}$ $\Rightarrow V = \pi h \left(9 - \frac{h^2}{4}\right) = 9\pi h - \frac{\pi h^3}{4}$ $V'(h) = 9\pi - \frac{3\pi h^2}{4} = . \Rightarrow \underbrace{3\pi h^2}_{. / 25} = 36\pi \Rightarrow h = 2\sqrt{3} \Rightarrow r = \sqrt{6}$	۱۴								
۱/۵	$f'(x) = x^2 - 2x - 3 \Rightarrow f''(x) = 2x - 2 = . \Rightarrow \overbrace{x=1}^{. / 25}$ <table style="margin-left: 100px; margin-top: 10px;"> <tr> <td style="border-right: 1px solid black; padding: 5px;">x</td> <td style="padding: 5px;">$-\infty$</td> <td style="padding: 5px; text-align: center;">1</td> <td style="padding: 5px;">$+\infty$</td> </tr> <tr> <td style="border-right: 1px solid black; padding: 5px;">f''</td> <td style="padding: 5px;">-</td> <td style="padding: 5px; text-align: center;">+</td> <td style="padding: 5px;"></td> </tr> </table> $(-\infty, .] \rightarrow \underbrace{\text{تقعر رو به پایین}}_{. / 25}, [1, +\infty) \rightarrow \underbrace{\text{تقعر رو به بالا}}_{. / 25}, x = 1 \rightarrow \underbrace{\text{نقطه عطف}}_{. / 25}$	x	$-\infty$	1	$+\infty$	f''	-	+		۱۵
x	$-\infty$	1	$+\infty$							
f''	-	+								

در نهایت نظر همکار محترم صائب است.