

باسمه تعالی

سوالات امتحان شبه نهایی درس:					
ریاضی و آمارا		پایه دهم دوره دوم متوسطه نظری			
تعداد صفحه :	مدت امتحان :	رشته :	ساعت شروع : ۷/۳۰ صبح		
۲	۹۰ دقیقه	ادبیات و علوم انسانی و علوم و معارف اسلامی	نام و نام خانوادگی: ۱۴۰۳/۰۱/۲۷ تاریخ امتحان:		
دانش آموزان دیبرستان های دوره دوم متوسطه روزانه در طرح سه نما سال ۱۴۰۳ مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش		http://aee.medu.gov.ir			
استفاده از ماشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی، جذر و درصد) مجاز است.					
ردیف	سوالات (پاسخ نامه دارد)		نمره		
فصل اول : معادلات					
۱/۵	در هر مورد جای خالی را با یک عدد مناسب کامل کنید.		۱		
الف) محیط مربعی که اندازه قطر آن برابر $\sqrt{2}$ باشد، برابر است.					
ب) معادله درجه دوم $(1-x)^2 = \dots$ دارای ریشه مضاعف $x=1$ است.					
پ) مجموع ریشه های معادله $x^2 - 7x + 3 = 0$ برابر است.					
۳	معادله های زیر را حل کنید.		۲		
(حل به روش تجزیه) $x^2 - 6x = 0$					
(حل به روش فرمول کلی) $2x^2 - 5x - 3 = 0$ (ب)					
(پ) معادله عبارت گویا) $\frac{4}{2x-1} = \frac{5}{x+2}$					
۱	معادله درجه دومی را بنویسید که ریشه های آن ۷ و ۶ باشد.		۳		
۱	با تشکیل معادله، عددی بباید که پنج برابر آن به علاوه دو، مساوی با سه برابر آن عدد منهای دو باشد.		۴		
فصل دوم : تابع					
۱	اگر $A = \{2, 3\}$ و $B = \{4, 5, 6\}$. در این صورت؛		۵		
الف) رابطه ای از A به B بنویسید که تابع باشد.					
ب) رابطه ای از B به A بنویسید که تابع نباشد.					
۱/۵	دامنه تابع $g(x) = 2x^2 + 3$ ، مجموعه $\{-1, \sqrt{2}, 0\}$ است. برد آن را بدست آورید.		۶		
۰/۷۵	طول یک مستطیل ۳ واحد بیشتر از عرض آن است. ضابطه تابع محیط این مستطیل را بر حسب عرض آن بنویسید.		۷		
۱	نمودار تابع خطی f از مبدأ مختصات می گذرد و $f(2) = 3$. معادله این تابع را بنویسید.		۸		
۱/۲۵	نمودار سهمی $y = x^2 + 4x + 4$ را رسم کنید.		۹		
۱/۵	در یک کارخانه نوعی لامپ تولید می شود. اگر x متوسط تعداد لامپ های تولیدی در روز برای این کارخانه باشد، آن گاه تابع درآمد و هزینه روزانه آن به ترتیب $R(x) = 300x + 30$ و $C(x) = x^2 + 200$ است.		۱۰		
الف) معادله سود این کارخانه را بنویسید.					
ب) این کارخانه روزانه چند لامپ باید تولید کند تا بیشترین سود را داشته باشد؟					
پ) بیشترین سود این کارخانه را محاسبه کنید.					

ادامه سوالات در صفحه بعد

فصل سوم: کار با داده‌های آماری

۱	۰/۷۵	۱/۵	۰/۵	۱/۲۵	۱/۵
درستی یا نادرستی هر مورد را مشخص کنید.	بهترین روش جمع‌آوری داده‌ها، برای هر یک از موضوعات زیر را بنویسید.	نوع هر یک از متغیرها (كمی، کیفی) و مقیاس اندازه‌گیری (اسمی، ترتیبی، فاصله‌ای، نسبتی) آنها را به طور کامل مشخص کنید.	پارامتر جامعه در چه صورتی قابل محاسبه است؟	میانگین داده‌های زیر برابر ۲۲ است.	برای داده‌های ۱۵ و ۱۳ و ۱۱ و ۱۰ و ۶ میانگین و انحراف معیار را محاسبه کنید.
الف) هر زیرمجموعه از جامعه آماری که به روش مشخصی انتخاب شده باشد را آماره می‌نامند. ب) نمونه‌ای را که در آن همه اعضای جامعه، شناس انتخاب یکسان در نمونه داشته باشند را نمونه تصادفی می‌نامند. پ) وقتی داده دوره افتاده در بین داده‌های یک مجموعه آماری وجود داشته باشد، میانه نسبت به میانگین، معیار مناسبتری است. ت) تمام داده‌های یک مجموعه آماری برابر هستند. در این صورت واریانس آن داده‌ها برابر یک است.	الف) تعداد افراد استفاده کننده از پل عابر در یک روز و خیابان مشخص ب) ساعات خواب دانش‌آموزان کلاس شما در شب گذشته پ) سن همه دانش‌آموزان پایه دهم مدرسه شما بر حسب ماه	الف) مدرک تحصیلی کارمندان ب) وزن هندوانه‌های یک مزرعه پ) گروه خونی کارمندان یک شرکت		الف) مقدار a را بدست آورید. ب) میانه داده‌ها را تعیین کنید.	جمع
۱۱	۱۲	۱۳	۱۴	۱۵	۱۶

موفق و بیروز یاشید.

مدت امتحان: ۹۰ دقیقه	ساعت شروع: ۷/۳۰	رشته: ادبیات و علوم انسانی و علوم و معارف اسلامی	راهنمای تصحیح امتحان شبہ نهایی درس: ریاضی و آمارا
تاریخ امتحان: ۱۴۰۳/۰۱/۲۷		پایه ۵۵ دوره دوم متوسطه نظری	
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش دانش آموزان دبیرستان های دوره دوم متوسطه روزانه سراسر کشور در طرح سه نماصال ۱۴۰۳ http://aee.medu.ir			
نمره	راهنمای تصحیح		ردیف
۱/۵	هر مورد (۰/۵) نمره $\frac{3}{4}$ (صفحه ۲۸) ب) صفر (صفحه ۲۲) الف) (صفحه ۱۲)	(۰/۲۵)	۱
۳	$x^3 - 6x = 0 \rightarrow x(x-6) = 0 \rightarrow x = 0, x = 6$ (۰/۲۵) (۰/۲۵) (۰/۲۵) (۰/۲۵) $2x^2 - 5x - 3 = 0 \rightarrow \Delta = b^2 - 4ac = 25 + 24 = 49$ (۰/۲۵) (۰/۲۵) $\left\{ \begin{array}{l} x_1 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{5+7}{4} = 3 \\ x_2 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{5-7}{4} = -\frac{1}{2} \end{array} \right.$ (۰/۲۵) (۰/۲۵) (۰/۲۵) $\frac{4}{2x-1} = \frac{5}{x+2} \rightarrow 4(x+2) = 5(2x-1) \rightarrow 4x + 8 = 10x - 5 \rightarrow 6x = 13 \rightarrow x = \frac{13}{6}$ (۰/۲۵) (۰/۲۵) (۰/۲۵) (صفحه ۳۵)	(۰/۲۵) (۰/۲۵) (۰/۲۵) (۰/۲۵)	۲
۱	$x = -6 \rightarrow x + 6 = 0$ $x = 7 \rightarrow x - 7 = 0$ $\rightarrow (x+6)(x-7) = 0 \rightarrow x^2 - x - 42 = 0$ (۰/۲۵) (۰/۲۵) (۰/۲۵) (۰/۲۵)	(۰/۲۵)	۳
۱	لطفا به روش های درست دیگر به تناسب نمره دهید.		
۱	$5x + 2 = 3x - 2 \rightarrow 2x = -4 \rightarrow x = -2$ (۰/۲۵) (۰/۲۵) (۰/۲۵) (۰/۲۵)	(۰/۲۵)	۴
۱	برای نمونه الف) $\{(2,4), (3,5), (3,6)\}$ نمره (۰/۵) هر مورد (۰/۵) نمره (صفحه ۴۵)	(۰/۲۵)	۵
۱/۵	$x = -1 \rightarrow g(x) = 2x^3 + 3 \rightarrow g(-1) = 2(-1)^3 + 3 = 5$ $x = \sqrt{2} \rightarrow g(x) = 2x^3 + 3 \rightarrow g(\sqrt{2}) = 2(\sqrt{2})^3 + 3 = 7$ $x = 0 \rightarrow g(x) = 2x^3 + 3 \rightarrow g(0) = 2(0)^3 + 3 = 3$ (۰/۵) (۰/۵) (۰/۵) (صفحه ۵۱)	(۰/۵)	۶
در صورتی دانش آموز فقط برد را بنویسید، به هر عضو برد $0/5$ نمره داده شود.			

ریاضی و آمارا

مدت امتحان: ۹۰ دقیقه	ساعت شروع: ۷/۳۰	رشته: ادبیات و علوم انسانی و علوم و معارف اسلامی	راهنمای تصحیح امتحان شبه نهایی درس: پایه ۵۵ دوره دوم متوسطه نظری
تاریخ امتحان: ۱۴۰۳/۰۱/۲۷		دانش آموزان دبیرستان های دوره دوم متوسطه روزانه سراسر کشور در طرح سه نما سال ۱۴۰۳	
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.ir		لطفا به روش های درست دیگر به تناسب نمره دهید.	
نمره	راهنمای تصحیح		ردیف
۰/۷۵	اگر عرض مستطیل x باشد، آن گاه طول مستطیل برابر $3 + x$ است. $p = 2(x + 3 + x) = 2(2x + 3) = 4x + 6$ (۰/۲۵)		۷
۱	$m = \frac{3 - 0}{2 - 0} = \frac{3}{2}$ شیب خط $y = mx + n \rightarrow 0 = 3(0) + n \rightarrow n = 0$ $\rightarrow f(x) = \frac{3}{2}x$ معادله خط (۰/۲۵)		۸
۱/۲۵	$y = x^2 + 4x$ $x = -\frac{b}{2a} = -\frac{4}{2} = -2 \rightarrow y = (-2)^2 + 4(-2) = 4 - 8 = -4$ x -۳ -۲ -۱ y -۳ -۴ -۳ لطفا به روش های درست دیگر به تناسب نمره دهید.		۹
۱/۵	(الف) $P(x) = R(x) - C(x) = ۳۰x - (x^3 + ۲۰x + ۳۰) = -x^3 + ۱۰x - ۳۰$ (۰/۲۵) (ب) $x = -\frac{b}{2a} = -\frac{۱۰}{-۲} = ۵$ $P(5) = -(5)^3 + 10(5) - 30 = ۲۴۷$ (۰/۲۵) (۰/۲۵)		۱۰

مدت امتحان: ۹۰ دقیقه	ساعت شروع: ۷/۳۰	رشته: ادبیات و علوم انسانی و علوم و معارف اسلامی	راهنمای تصحیح امتحان شبہ نهایی درس: ریاضی و آمارا																		
تاریخ امتحان: ۱۴۰۳/۰۱/۲۷		پایه ۵۵ دوره دوم متوسطه نظری																			
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش دانش آموزان دبیرستان های دوره دوم متوسطه روزانه سراسر کشور در طرح سه نماصال ۱۴۰۳ http://aee.medu.ir		دانش آموزان دبیرستان های دوره دوم متوسطه روزانه سراسر کشور در طرح سه نماصال ۱۴۰۳																			
نمره	راهنمای تصحیح		ردیف																		
۱	الف) نادرست (صفحه ۷۳) ب) درست (صفحه ۸۸) ت) نادرست (صفحه ۹۰) هر مورد (۰/۲۵) نمره		۱۱																		
۰/۷۵	هرمورد (۰/۲۵) نمره ب) مصاحبه پ) دادگانها		۱۲																		
۱/۵	ب) کمی نسبتی پ) کمی اسمی برای هر مورد، نوع متغیر (۰/۲۵) و مقیاس (۰/۲۵) نمره می باشد.		۱۳																		
۰/۵	(۰/۵) نمره در صورتی که داده های کل جامعه در اختیار باشند.		۱۴																		
۱/۲۵	$\bar{x} = \frac{۲۰۲ + a}{۱۰} \xrightarrow{\bar{x}=۲۲} \frac{۲۰۲ + a}{۱۰} = ۲۲ \rightarrow ۲۰۲ + a = ۲۲۰ \rightarrow a = ۱۸$ $\text{(۰/۲۵)} \quad \text{(۰/۲۵)} \quad \text{(۰/۲۵)}$ ۳۰ و ۲۵ و ۲۵ و ۲۴ و ۲۲ و ۲۱ و ۲۰ و ۱۸ و ۱۵ چون تعداد داده زوج است، لذا میانه برابر میانگین دو عدد وسط است. از این رو می توان نوشت: $\tilde{x} = \frac{۲۱ + ۲۲}{۲} = ۲۱/۵ \quad \text{(۰/۲۵)}$	(۰/۲۵)	۱۵																		
۱/۵	$\bar{x} = \frac{۵۵}{۵} = ۱۱ \quad \text{(۰/۲۵)}$ میانگین <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <thead> <tr> <th>x</th> <th>۶</th> <th>۱۰</th> <th>۱۱</th> <th>۱۳</th> <th>۱۵</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <th>$x - \bar{x}$</th> <td>-۵</td> <td>-۱</td> <td>۰</td> <td>۲</td> <td>۴</td> </tr> <tr> <th>$(x - \bar{x})^2$</th> <td>۲۵</td> <td>۱</td> <td>۰</td> <td>۴</td> <td>۱۶</td> </tr> </tbody> </table> $\sigma = \sqrt{\frac{۲۵ + ۱ + ۰ + ۴ + ۱۶}{۵}} = \sqrt{\frac{۴۶}{۵}} \approx ۳/۰۳$ انحراف معیار $\text{(۰/۵)} \quad \text{(۰/۵)}$	x	۶	۱۰	۱۱	۱۳	۱۵	$x - \bar{x}$	-۵	-۱	۰	۲	۴	$(x - \bar{x})^2$	۲۵	۱	۰	۴	۱۶	(۹۰)	۱۶
x	۶	۱۰	۱۱	۱۳	۱۵																
$x - \bar{x}$	-۵	-۱	۰	۲	۴																
$(x - \bar{x})^2$	۲۵	۱	۰	۴	۱۶																

همکار گرامی؛ ضمن عرض خسته نباشید، برای جنابعالی آرزوی صحت و سلامتی داریم.