



دبیرستان پسرانه غیر دولتی ابتکار علم - دوره دوم

نام دبیر: محمد زینالی نامدار

موضوع امتحان: هندسه یازدهم - خرداد ماه

نام و نام خانوادگی:

سؤال ۱) جاهای خالی را با عبارات مناسب پر کنید. (۰,۲۵ نمره - هر مورد ۰,۲۵)

الف: یک چهارضلعی محاطی است اگر و فقط اگر دو زاویه مقابل آن باشند.

ب: اندازه هر زاویه محاطی برابر است با

ج: اگر فاصله یک خط تا مرکز دایره‌ای برابر با ۳ سانتی‌متر باشد و شعاع دایره برابر با ۴ سانتی‌متر باشد، وضعیت خط و دایره نسبت به هم می‌باشد و نقطه مشترک دارند.

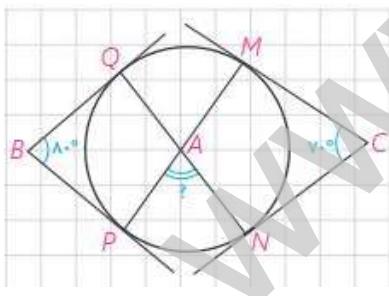
د: هر تبدیل طولپا اندازه زاویه را می‌کند.

ه: در هر تبدیل، نقطه را که تبدیل یافته آن بر خود آن نقطه منطبق باشد، می‌گویند.

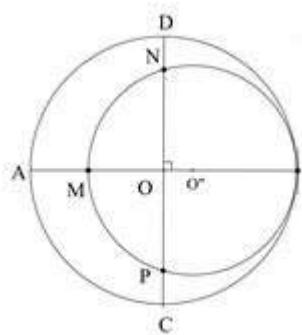
و: انتقال یک تبدیل است و جهت شکل را حفظ (می‌کند - نمی‌کند)

ی: در هر مثلث قائم‌الزاویه، نسبت اندازه هر ضلع به سینوس زاویه رو به رو آن ضلع برابر است با اندازه دایره محیطی مثلث.

سؤال ۲) در شکل مقابل اضلاع زاویه‌های B و C بر دایره مماس‌اند. اندازه زاویه A چند درجه است؟ (۱,۲۵ نمره)



سؤال ۳) در شکل مقابل دو دایره بر هم مماس هستند. و دو قطر AB و CD از دایره بزرگ تر بر هم عمودند. اگر $AM = 16$ و $ND = 10$ باشند. شعاع های دو دایره را پیدا کنید. (۱,۲۵ نمره)



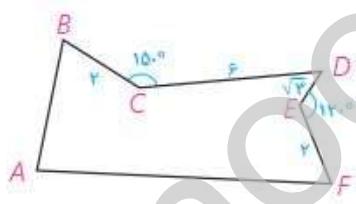
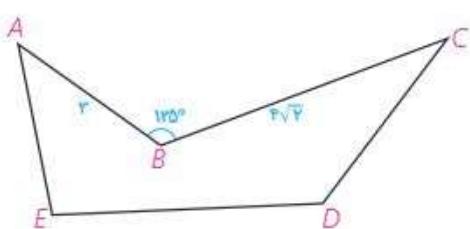
سؤال ۴) ثابت کنید یک ذوزنقه محاطی است، اگر و تنها اگر متساوی الساقین باشد. (۱,۵ نمره)

سؤال ۵) ویژگی های انتقال را بنویسید (۱ نمره)

سؤال ۶) ثابت کنید تجانس شبی خط را حفظ می کند (۱ نمره)

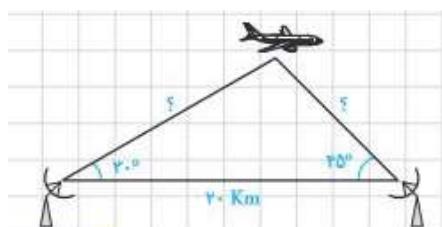
سؤال ۷) یک مربع را در تجانسی با نسبت تجانس $\frac{2}{3}$ و به مرکز محلی تلاقی قطرها تصویر کرده‌ایم. اگر مساحت مربع و تصویرش ۵ باشد، محیط مربع اولیه را محاسبه کنید. (۱,۵ نمره)

سؤال ۸) دو زمین به شکل زیر داریم. می‌خواهیم بدون آنکه محیط آن‌ها تغییری بکند مساحت‌ش را افزایش بدهیم. در هر دو مورد میزان افزایش مساحت را به دست آورید. (۲ نمره)



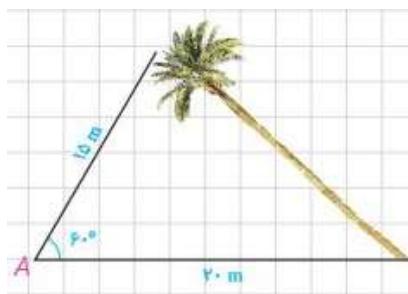
سؤال ۹) تجانس مستقیم و غیرمستقیم را تعریف کنید (۰,۵)

سؤال ۱۰) دو ایستگاه رادار که در فاصله ۲۰ کیلومتری از هم واقع‌اند، هواپیمایی را با زاویه‌های ۳۰ و ۴۵ درجه رصد کرده‌اند. فاصله هواپیما را از دو ایستگاه به دست آورید. (۱,۵ نمره)

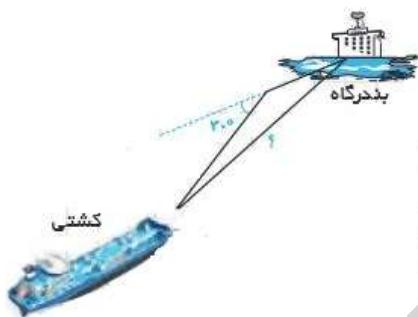


سؤال ۱۱) یک درخت کج از نقطه A روی زمین که در فاصله ۱۵ متری از نوک درخت است به زاویه 60° درجه دیده می‌شود. اگر فاصله A تا پای درخت برابر با ۲۰ متر باشد، طول درخت و سینوس زاویه‌ای که درخت با سطح زمین می‌سازد را محاسبه کنید.

(۱,۲۵ نمره)



سؤال ۱۲) یک کشتی از یک نقطه با سرعت ۶۰ کیلومتر در ساعت در یک جهت در حرکت است و یک ساعت بعد با 30° درجه انحراف به راست با سرعت ۴۰ کیلومتر در ساعت به حرکت خود ادامه می‌دهد و یک ساعت و نیم پس از آغاز حرکتش در یک بندر پهلو می‌گیرد. فاصله بندرگاه از مبدأ حرکت کشتی چند کیلومتر است؟ (۱,۵ نمره)



سؤال ۱۳) دستور محاسبه مساحت مثلث متساوی‌الاضلاع به ضلع a را به کمک دستور هرون به دست آورید. (نوشتمن رابطه هرون و رابطه الزامی می‌باشد) (۱ نمره)

سؤال ۱۴) در مثلث ABC به اضلاع ۵ و ۶ و ۷ سانتی متر، نقطه‌ای که از اضلاع به طول‌های ۵ و ۶ به فاصله ۲ و ۳ سانتی متر است از ضلع بزرگ‌تر چه فاصله‌ای دارد؟ (راهنمایی از مساحت مثلث استفاده کنید) (۱,۵ نمره)

سؤال ۱۵) رابطه قضیه استوارت را با رسم شکل بنویسید. (۱ نمره)

موفق باشید – نامدار



دبيرستان پسرانه غیر دولتی ابتکار علم - دوره دوم

نام دبیر: محمد زینالی نامدار

موضوع امتحان: هندسه یازدهم - خرداد ماه

نام و نام خانوادگی:

سؤال ۱) جاهای خالی را با عبارات مناسب پر کنید. (۰,۲۵ نمره - هر مورد ۰,۲۵)

الف: یک چهارضلعی محاطی است اگر و فقط اگر دو زاویه مقابل آن هم‌جمله باشند.

ب: اندازه هر زاویه محاطی برابر است با نصف کدام زوایا مقابله باشد

ج: اگر فاصله یک خط تا مرکز دایره‌ای برابر با ۳ سانتی‌متر باشد و شعاع دایره برابر با ۴ سانتی‌متر باشد، وضعیت خط و دایره نسبت به هم

متصل می‌باشد و نقطه مشترک دارند.

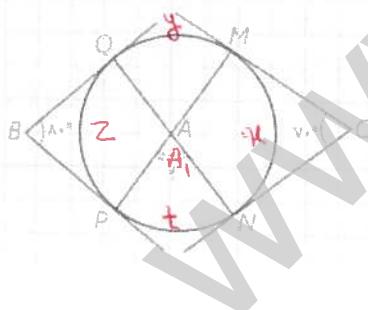
د: هر تبدیل طولپا اندازه زاویه را نمایش می‌کند.

ه: در هر تبدیل، نقطه را که تبدیل یافته آن بر خود آن نقطه منطبق باشد، نمایش می‌گویند.

و: انتقال یک تبدیل نمایش است و جهت شکل را حفظ نمایش (می‌کند - نمی‌کند)

ی: در هر مثلث قائم‌الزاویه، نسبت اندازه هر ضلع به سینوس زاویه روبرو آن ضلع برابر است با اندازه قطر دایره محیطی مثلث.

سؤال ۲) در شکل مقابل اضلاع زاویه‌های B و C بر دایره مماس‌اند. اندازه زاویه A چند درجه است؟ (۰,۲۵ نمره)



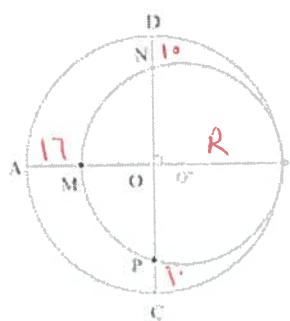
$$\begin{aligned} \gamma_0 &= \frac{(y+z+t)-\alpha}{2} \rightarrow \gamma_0 = (y+z+t)-\alpha \\ \alpha_0 &= \frac{(y+\alpha+t)-z}{2} \rightarrow \alpha_0 = (y+\alpha+t)-z \end{aligned}$$

$$\rightarrow 300 = 2(y+t) \rightarrow y+t = 150$$

$$\hat{A}_1 = \frac{y+t}{2} = \frac{150}{2} = 75^\circ$$

سؤال ۳) در شکل مقابل دو دایره برابر هم مماس هستند. و دو قطر AB و CD از دایره بزرگ تر برابر هم عمودند. اگر $AM = 16$

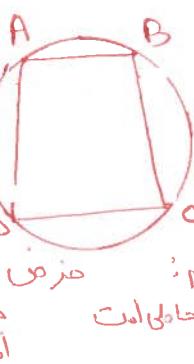
و $ND = 10$ باشند. شعاع های دو دایره را پیدا کنید. (۱,۲۵ نمره)



$$OB \times OM = ON \times OP \rightarrow R(R-14) = (R-1)(R+1)$$

$$R^2 - 14R = R^2 - R \cdot R + 100 \rightarrow 14R = R^2 + 100 \rightarrow R = 100 \rightarrow R = 10$$

$$r = \frac{MB}{2} \rightarrow r = \frac{\sqrt{R^2 - 14^2}}{2} = \frac{\sqrt{100 - 14^2}}{2} = 10$$



سؤال ۴) ثابت کنید یک ذوزنقه محاطی است، اگر و تنها اگر متساوی الساقین باشد. (۱,۵ نمره)

$$\begin{aligned} \hat{A} + \hat{D} &= 180^\circ \xrightarrow{\hat{C} = \hat{D}} \hat{A} + \hat{C} = 180^\circ \quad \text{محاطی است} \\ \hat{A} + \hat{D} &= 180^\circ \xrightarrow{\hat{A} = \hat{B}} \hat{B} + \hat{D} = 180^\circ \quad \text{محاطی است} \end{aligned}$$

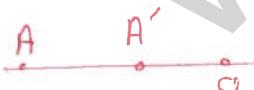
خرمن: ذوزنقه متساوی الساقین است

$$AB \parallel CD \rightarrow \hat{A} + \hat{D} = 180^\circ \xrightarrow{\hat{A} + \hat{C} = 180^\circ} \hat{A} + \hat{D} = \hat{A} + \hat{C} \rightarrow \hat{D} = \hat{C}$$

سؤال ۵) ویژگی های انتقال را بنویسید (۱ نمره) ۱- تبدیل طولی هاست ۲- تثیب خط را حفظ کنند

۳- اندازه زلوبه ها را حفظ کنند ۴- جو ترتیب کل را حفظ کنند

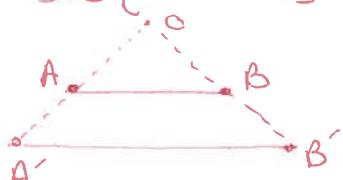
سؤال ۶) ثابت کنید تجانس شبی خط را حفظ می کند (۱ نمره)



الف) تجانس شبی خط AB با $A'B'$

در این حالت وابستگی نقاط A' و B' معادنی های A و B روی خط قائمی دارند

و شبی روی خط راست همچوشه ثابت است

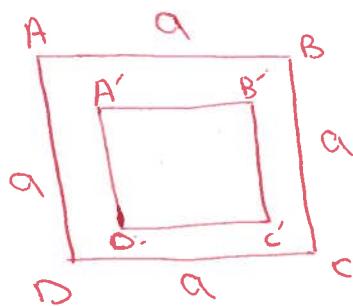


ب) تجانس شبی از AB با $A'B'$

$$\begin{aligned} OA' &= K \times OA \\ OB' &= K \times OB \end{aligned} \rightarrow \frac{OA'}{OA} = \frac{OB'}{OB} = K$$

$$\xrightarrow[\text{مشتمل}]{\text{مشتمل}} AB \parallel A'B'$$

سؤال ۷) یک مربع را در تجانسی با نسبت تجانس $\frac{2}{3}$ و به مرکز محلی تلاقي قطرها تصویر کرده‌ایم. اگر مساحت مربع و تصویرش ۵ باشد، محیط مربع اولیه را محاسبه کنید. (۱,۵ نمره)

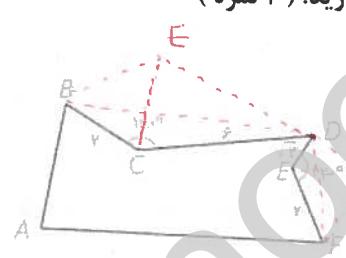
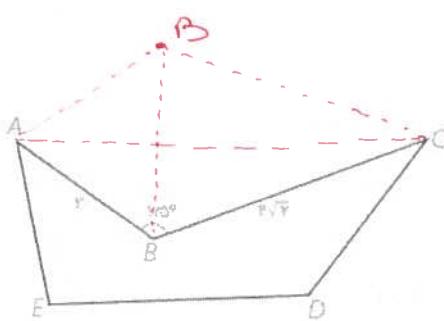


$$\frac{s'}{s} = k \rightarrow \frac{S_{ABCD}}{S_{A'B'C'D'}} = \frac{9}{4}$$

$$S_{ABCD} = \frac{9}{4} S_{A'B'C'D'}$$

$$\frac{9}{4} S_{A'B'C'D'} - S_{A'B'C'D'} = 5 \rightarrow \frac{5}{4} S' = 5 \rightarrow S' = 4$$

سؤال ۸) دو زمین به شکل زیر داریم. می‌خواهیم بدون آنکه محیط آن‌ها تغییری بکند مساحت‌ش را افزایش بدهیم. در هر دو مورد میزان افزایش مساحت را به دست آورید. (۲ نمره)



$$S_{ABCE} = \frac{1}{4} \times 3 \times 4 \sqrt{3} \times \sin 120^\circ = 4$$

$$\text{چون دو مولکه داریم} \rightarrow 4 \times 2 = 12$$

۷+۴=۹
افزایش

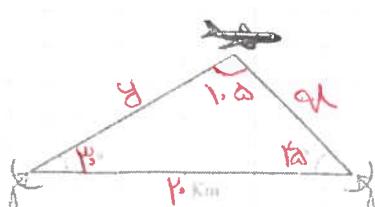
$$S_{BED} = 2 \times 4 \times \sin 120^\circ \times \frac{1}{4} = 2$$

$$S_{EDF} = \frac{1}{4} \times \sqrt{3} \times 1 \times \sin 120^\circ = \frac{\sqrt{3}}{4}$$

سؤال ۹) تجانس مستقیم و غیرمستقیم را تعریف کنید (۰,۵)
در تجانس مستقیم دست ک:

آنکه ماده حیانی را اغير مستقیم و آنکه ماده حیانی را مستقیم می‌دانند

سؤال ۱۰) دو ایستگاه رادار که در فاصله ۲۰ کیلومتری از هم واقع‌اند، هواپیمایی را با زاویه‌های 30° و 45° درجه رصد کرده‌اند.
فاصله هواپیما را از دو ایستگاه به دست آورید. (۱,۵ نمره)

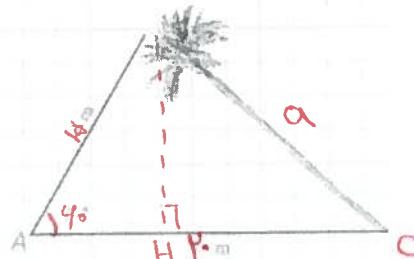


$$\frac{20}{\sin 120^\circ} = \frac{y}{\sin 30^\circ} = \frac{x}{\sin 45^\circ}$$

$$\rightarrow \left\{ \begin{array}{l} \frac{20}{\sin 120^\circ} = \frac{y}{\sin 30^\circ} \\ \frac{20}{\sin 120^\circ} = \frac{x}{\sin 45^\circ} \end{array} \right. \rightarrow y \approx 10.4$$

$$\frac{20}{\sin 120^\circ} = \frac{x}{\sin 45^\circ} \rightarrow x \approx 14.1$$

سؤال ۱۱) یک درخت کج از نقطه A روی زمین که در فاصله ۱۵ متری از نوک درخت است به زاویه 60° درجه دیده می‌شود. اگر فاصله A تا پای درخت برابر با ۲۰ متر باشد، طول درخت و سینوس زاویه‌ای که درخت با سطح زمین می‌سازد را محاسبه کنید.



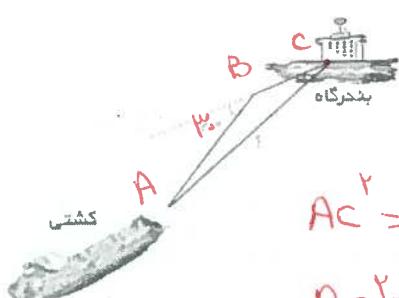
$$a^2 = 20^2 + 15^2 - 2 \times 15 \times 20 \cos 60^\circ \quad (1,25 \text{ نمره})$$

$$a^2 = 325 \rightarrow a = 5\sqrt{13} \quad \text{طول درخت}$$

$$\frac{\frac{a\sqrt{13}}{\sin 60^\circ}}{\sin C} = \frac{15}{\sin 60^\circ} \rightarrow \frac{15 \times \frac{\sqrt{3}}{2}}{\frac{a\sqrt{13}}{\sin 60^\circ}} = \sin C$$

$$\left[\sin C = \frac{3\sqrt{3}}{2\sqrt{13}} \right]$$

سؤال ۱۲) یک کشتی از یک نقطه با سرعت 60 کیلومتر در ساعت در یک جهت حرکت است و یک ساعت بعد با 30 درجه انحراف به راست با سرعت 40 کیلومتر در ساعت به حرکت خود ادامه می‌دهد و یک ساعت و نیم پس از آغاز حرکتش در یک بندر پهلو می‌گیرد. فاصله بندرگاه از مبدأ حرکت کشتی چند کیلومتر است؟ (۱,۵ نمره)



$$AB = 60 \times 1 = 60 \text{ KM}$$

$$BC = 40 \times \frac{1}{2} = 20 \text{ KM}$$

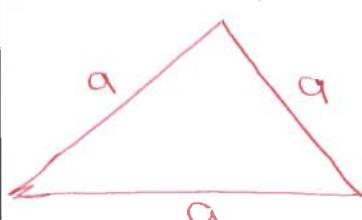
$$AC^2 = 60^2 + 20^2 - 2 \times 60 \times 20 \cos 30^\circ$$

$$AC^2 = 400 + 400 - 2 \times 120 \times (-\frac{\sqrt{3}}{2})$$

$$AC = 20\sqrt{10 + 2\sqrt{3}}$$

$$AC = 20\sqrt{10 + 2\sqrt{3}}$$

سؤال ۱۳) دستور محاسبه مساحت مثلث متساوی‌الاضلاع به ضلع a را به کمک دستور هرون به دست آورید. (نوشتن رابطه هرون و رابطه الزامی می‌باشد) (۱ نمره)

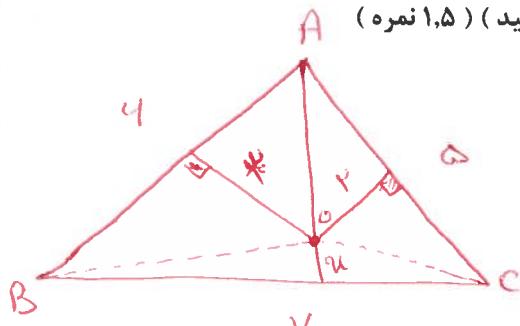


$$P = \frac{3a}{2}$$

$$S = \sqrt{P(P-a)(P-a)(P-a)}$$

$$S = \sqrt{\frac{3a}{2} \times (\frac{3a}{2} - a)^3} = \sqrt{\frac{3a^4}{16}} = \frac{\sqrt{3}}{4} a^2$$

سؤال ۱۴) در مثلث ABC به اضلاع ۵ و ۶ و ۷ سانتی‌متر، نقطه‌ای که از اضلاع به طول‌های ۵ و ۶ به فاصله ۲ و ۳ سانتی‌متر است از ضلع بزرگ‌تر چه فاصله‌ای دارد؟ (راهنمایی از مساحت مثلث استفاده کنید) (۱,۵ نمره)



$$4\sqrt{4} = 9 + \alpha + \frac{\sqrt{9u}}{4}$$

$$4\sqrt{4} - 14 = \frac{\sqrt{9u}}{4}$$

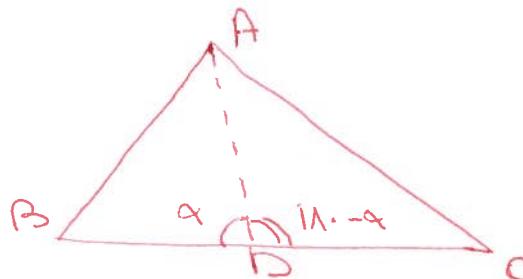
$$\sqrt{u} = 2$$

$$S_{ABC} = S_{OAB} + S_{OAC} + S_{OBC}$$

$$P_{ABC} = \frac{\alpha + \beta + \gamma}{4} = 9$$

$$\left\{ \begin{array}{l} S_{ABC} = \sqrt{9 \times 4 \times 3 \times 2} = 4\sqrt{4} \\ S_{AOB} = \frac{1}{4} \times 4 \times 2 = 2 \\ S_{AOC} = \frac{1}{4} \times 3 \times 2 = 1.5 \\ S_{BOC} = \frac{1}{4} \times 2 \times 2 = \frac{\sqrt{9u}}{4} \end{array} \right.$$

سؤال ۱۵) رابطه قضیه استوارت را با رسم شکل بنویسید. (۱ نمره)



$$AB^2 \times DC + AC^2 \times BD = AD^2 \times BC + BD \times DC \times BC$$

موفق باشید – نامدار