

اداره کل آموزش و پرورش شهرستان های استان تهران

مدیریت آموزش و پرورش شهرستان شهریار

امتحانات دی ماه ۱۴۰۲، نوبت صبح

دیبرستان نمونه دولتی البرز دوره دوم

شماره صندلی:

نام و نام خانوادگی: تاریخ: ۱۴۰۲/۳/

دروس: ریاضی دهم

ردیف	سؤالات	بارم
۱	<p>عبارت های درست و نادرست را مشخص کنید.</p> <p>الف) تعداد پیام های ارسالی یک شخص در طول یک هفته متغیر کمی گستته است.</p> <p>ب) الف) دامنه تابع $f(x) = x^2 + 2$ برابر $(0, \infty)$ است.</p> <p>ج) هر تابعی که به صورت $y = ax + b$ است، تابع غیر خطی نامیده می شود.</p> <p>د) ریشه سوم هر عدد دو جواب دارد.</p>	۱
۲	<p>جاهای خالی را با عبارت های مناسب کامل کنید.</p> <p>الف) دامنه توابع کسری همه اعداد حقیقی به جزء می باشد.</p> <p>ب) راس سهمی $y = x^2 - 2$ برابر است.</p> <p>ج) تعداد توابع از مجموعه $A = \{a, b, c\}$ به مجموعه $B = \{1, 2\}$ برابر است.</p>	۱/۵
۳	<p>مطابق الگوی زیر، چند مربع سفید در مرحله ۲۱ ام خواهیم داشت؟</p>	۱
۴	<p>در یک دنباله هندسی جمله چهارم ۱ و جمله هشتم ۱۶ است. قدر نسبت و جمله اول این دنباله را مشخص کنید.</p>	۱
۵	<p>در شکل مقابل مقدار $\sin\theta$ و y و x را بدست آورید.</p>	۱/۵
۶	<p>درستی کسر مقابل را بررسی کنید.</p> $\frac{1}{\cos\theta\sin\theta} \times \tan\theta = \frac{1}{1-\sin^2\theta}$	۱

مخرج کسر مقابل را گویا کنید.

۷

$$\frac{1}{\sqrt{x}-2}$$

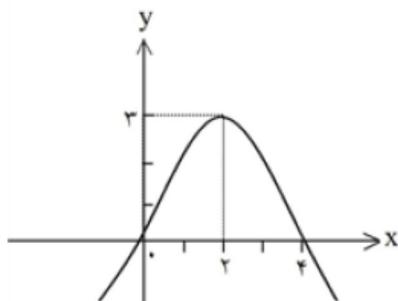
رادیکال ها را در صورت امکان به شکل توان کسری بنویسید.

۸

الف $\sqrt{\sqrt{243}} =$ ب $\sqrt[3]{\sqrt[3]{9} \times \sqrt[3]{9}}$

ضابطه تابع زیر را بنویسید

۹



نا معادله زیر را حل کنید.

۱۰

$$P(x) = \frac{x^2 - 2x + 4}{2x - 6} \geq 0$$

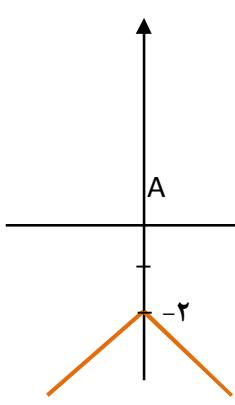
در تابع $f = \{(2, 3), (3, -1), (4, 0), (-1, -1)\}$ حاصل عبارت زیر را بدست آورید.

۱۱

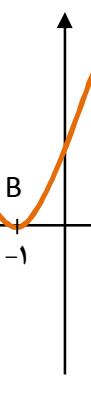
$$\frac{2f(3) - f(-1)}{f(2)}$$

هریک از نمودارهای زیر کدام یک از تابع های (الف) تا (د) را نشان می دهد.

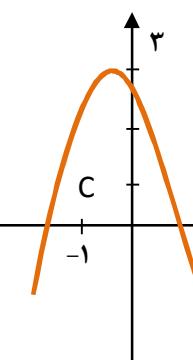
۱۲



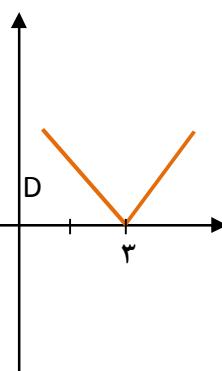
شکل(۱)



شکل(۲)



شکل(۳)



شکل(۴)

الف) $y = (x + 1)^2$ ب) $|x - 3|$ ج) $-(x + \frac{1}{2})^2 + 3$ د) $-|x| - 2$

نامعادله‌ی قدر مطلقی مقابله حل کرده و جواب آن را به صورت بازه نمایش دهید.

$$|-2x + 5| < 2$$

۱۳

نمودار تابع زیر رارسم کنید.

$$g(x) = \begin{cases} 2 & x < 0 \\ x + 1 & x \geq 0 \end{cases}$$

۱۴

خانواده‌ای ۳ فرزند دارد:

الف) احتمال اینکه خانواده فقط یک فرزند دختر داشه باشد.

ب) احتمال اینکه خانواده حداقل ۲ فرزند پسر داشه باشد.

۱۵

با حروف کلمه‌ی ALBORZ، چند کلمه‌ی شش حرفی می‌توان ساخت، به طوری که حروف B و Z کنار هم نباشند؟

۱۶

نوع متغیرهای زیر را از نظر کمی و کیفی و نوع آها را با تیک مشخص کنید.

پیوسته	گسسته	ترتیبی	اسمی	کیفی	کمی	
						الف) خرید و فروش کالا بر اساس تعداد
						ب) وضعیت تاهل
						ج) قطر تنہ درخت
						د) مراحل تحصیل

۱۷

الف) درست \rightarrow نظرية جيبر (ج)

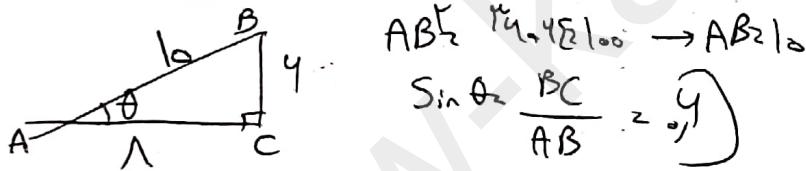
الف) سلبي \rightarrow (ج) (ج)

مخطط معادلة: $\begin{matrix} 1 & 0 & \checkmark & 9 \\ (1) & (2) & (3) & (4) \end{matrix}$

مخطط معادلة: $2k+1 \rightarrow \begin{matrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \end{matrix} \rightarrow f_1 = f_2 = f_3$

$$\frac{a_1 a_2 d^2}{a_1 a_2 d^2 + 1} \rightarrow \frac{a_1}{a_2} = 14 \rightarrow \frac{d^2 g^2}{a_1 a_2 g^2} \rightarrow \frac{d^2 g^2}{a_1 a_2 g^2}$$

\rightarrow ضلع رأى θ زاوياً 90° صلاته $\sin \theta = \frac{\text{ضلع}}{\text{نقطة امتداد}} = \frac{\text{ضلع}}{\sqrt{a^2 + b^2}}$



$$AB = 14, BC = 10 \rightarrow AB = 10$$

$$\sin \theta = \frac{BC}{AB} = \frac{10}{14} = \frac{5}{7}$$

$$\frac{1}{\sin \theta} \times \frac{\sin \theta}{\cos \theta} = \frac{1}{\cos \theta} = \frac{1}{1 - \sin^2 \theta}$$

$$\frac{1}{\sqrt{1 - \sin^2 \theta}} \times \left(\frac{\sqrt{1 - \sin^2 \theta} + \sin \theta}{\sqrt{1 - \sin^2 \theta}} \right) = \frac{\sqrt{1 - \sin^2 \theta} + \sin \theta}{\sqrt{1 - \sin^2 \theta}}$$

(الف) $\sqrt{\sqrt{1 - \sin^2 \theta}} = \sqrt{\frac{1 + \sin \theta}{2}}$

$$\rightarrow \sqrt{1 - \sin^2 \theta} = \sqrt{\frac{1 + \sin \theta}{2}} = \sqrt{\frac{1 + \frac{10}{7}}{2}} = \sqrt{\frac{17}{14}}$$

$$\frac{x^2 - 5x + 6}{x^2 - 4} > 0$$

لـ $\frac{1}{x}$ $x \neq 0$

مهم

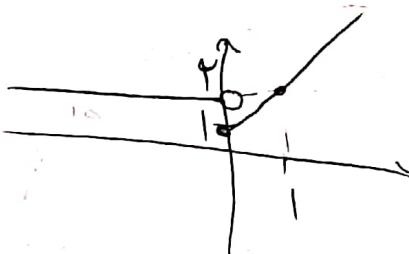
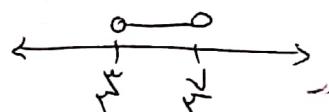
$x^2 - 5x + 6$	+	+
$x^2 - 4$	-	0
5	-	0 = 9

$$\rightarrow x \in (5, +\infty)$$

$$f(5) = -1 \quad f(-1) = -1 \quad f(x) = x \quad \left[\frac{-x+1}{x} = \frac{1}{x} \right] \quad 11$$

و \leftarrow عـ \leftarrow الفـ \leftarrow $x = 1$ \leftarrow 12

$$\begin{aligned} | -x + 1 | < 1 &\rightarrow -1 < -x + 1 < 1 \\ \rightarrow \frac{1}{x} < x < \frac{1}{x} & \quad x \in (1, \infty) \end{aligned} \quad 13$$



$\frac{1}{x} = x$ \leftarrow الفـ \leftarrow 14

$$1 - x^2 = 0 \Leftrightarrow x = \pm 1 \quad 15$$

أو $x^2 = 1$

الفـ \leftarrow 16