

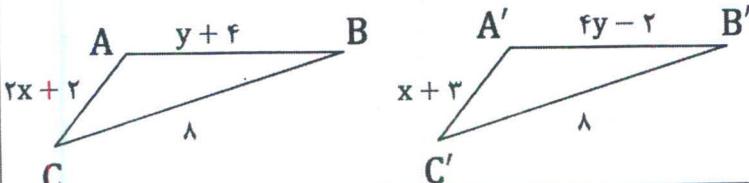
نام درس: ریاضی  
نام دبیر: یوسفی  
تاریخ امتحان:  
 ساعت امتحان:  
 مدت امتحان: ۸۰ دقیقه

جمهوری اسلامی ایران  
اداره کل آموزش و پرورش استان اردبیل  
مدیریت آموزش و پرورش ناحیه ۲ اردبیل  
دبیرستان دوره اول متوجه شهید ندرتی نیار  
سال تحصیلی ۱۴۰۱-۱۴۰۲

نام و نام خانوادگی: .....  
مقطع و زسته: پایه هشتم  
نام پدر: .....  
شماره داوطلب: .....  
تعداد صفحه سوال: ۴ صفحه

نمره به عدد:	نمره به حروف:	نمره تجدید نظر به عدد:	نمره به حروف:	نام دبیر و امضاء:	تاریخ و امضاء:	نام دبیر و امضاء، مدیر	
۱	سوالات						
۱	درستی یا نادرستی عبارت‌های زیر را با علامت ✓ یا ✗ تعیین کنید. الف) هر عدد طبیعی یک عدد گویا است. ب) بردار واحد محور طول را با آن‌شان می‌دهند و مختصات آن $\boxed{1}$ است. ج) حاصل عبارت‌های $\sqrt{9+16}$ و $\sqrt{9+16}$ مقدار یکسانی است. د) در هر دایره، زاویه محاطی رو به قطر، $90^\circ$ درجه است.	ص ( ) غ ( )	ص ( ) غ ( )	ص ( ) غ ( )	ص ( ) غ ( )	۱	
۱	جاهاي خالي را با عدد يا عبارت مناسب پر کنيد. الف) کوچک‌ترین عدد مرکب برابر است با ..... . ب) رابطه فیثاغورس فقط در مثلث‌های ..... برقرار است. ج) از یک کيسه حاوي $60$ مهره، مهره‌ای را به طور تصادفي بیرون می‌آوريم. احتمال سبز بودن مهره، $\frac{5}{12}$ است. تعداد مهره‌های سبز برابر است با ..... . د) شاع دايروه در نقطه تماس بر خط مماس ..... است.	.....	.....	.....	.....	۲	
۱	در هر یک از سوالات زیر گزینه صحیح را انتخاب کنید. الف) در کدام یک از گزینه‌های زیر، عدد $\frac{4}{7}$ - را می‌توان به جای ✗ قرار داد? ب) در کدام گزینه، سه عدد داده شده نمی‌توانند اندازه ضلع‌های یک مثلث قائم‌الزاویه باشند? ج) در محور زیر نقطه مشخص شده، نمایش دهنده کدام یک از عده‌های داده شده می‌تواند باشد? د) دو سکه را همزمان پرتاب می‌کنیم. احتمال اینکه یکی از آنها رو و دیگری پشت بیاید، برابر با کدام گزینه است?	$1 < x \leq 2$ (۴)	$0 < x < 1$ (۳)	$-1 < x < 0$ (۲)	$-2 < x < -1$ (۱)	$1(4) \quad 2(3) \quad 3(2) \quad 4(1)$	۳
۱	حاصل عبارت‌های زیر را به دست آورید. الف) $1 + 2 + 3 + \dots + 99 + 100 =$ ب) $-\frac{2}{5} \div \left( \frac{3}{5} - \frac{1}{2} \right) =$	$\frac{3}{4}(4)$	$\frac{2}{3}(3)$	$\frac{1}{2}(2)$	$\frac{1}{4}(1)$	۴	

سوالات

ردیف	سوالات	نمره
۰/۲۵	دو عدد مرکب بنویسید که نسبت به هم اول باشند.	۵
۰/۵	در روش غربال برای تعیین اعداد اول از ۱ تا ۱۰۰، الف) پس از خط زدن عدد یک، مضرب‌های چه عددی را خط می‌زنید؟ ب) در آخرین مرحله مضرب‌های چه عدد اولی را خط می‌زنید؟	۶
۰/۵	فرض کنید $a$ , $b$ و $c$ سه خط راست باشد. جاهای خالی را با عبارت مناسب پر کنید. می‌توانید از رسم شکل کمک بگیرید. $a \perp b \quad c \perp b \Rightarrow \dots$ دو خط عمود بر یک خط،	۷
۰/۵	اندازه هر یک از زاویه‌های داخلی ده ضلعی منتظم را با ارائه راه حل مناسب به دست آورید.	۸
۰/۵	در چهارضلعی رو به رو، اندازه زاویه خارجی رأس $A$ را بیابید.	۹
۰/۷۵	الف) حاصل عبارت جبری زیر را ساده کنید. $(a + ۴b)^۲ =$  ب) عبارت مقابل را به صورت ضرب دو عبارت جبری بنویسید؟ (فاکتور گیری) $\sqrt{a^۲b} - \sqrt{4b^۲} =$	۱۰
۱	$\frac{۳}{۴} + \frac{x+1}{۲} = \frac{۱}{۴}$ معادله رو به رو را حل کنید.	۱۱
۱	$\vec{x} = ۲\vec{a} + \vec{b} =$ اگر $\vec{j} = ۲\vec{i} - \vec{k}$ و $\vec{a} = \begin{bmatrix} ۱ \\ ۵ \end{bmatrix}$	۱۲
۱	مثلث $ABC$ را می‌توان با انتقال، بر مثلث $A'B'C'$ منطبق کرد. با تشکیل و حل معادله، مقدار $x$ و $y$ را به دست آورید.	۱۳
		

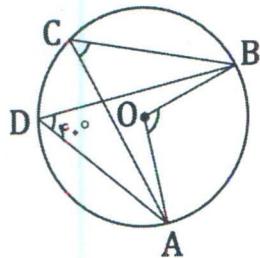
## سوالات

۱/۵	<p>با هم نهشتی مثلث‌ها نشان دهید هر نقطه روی عمودمنصف یک پاره خط از دو سر آن پاره خط به یک فاصله است.</p>	۱۴																
۰/۵	<p>۵ برابر عدد <math>25^3</math> را به صورت یک عدد توان دار بنویسید.</p>	۱۵																
۱	<p>حاصل عبارت زیر را به صورت یک عدد توان دار بنویسید.</p> $\left[ 12^5 \div 3^5 \right] \div \left[ 20^3 \div 5^3 \right] =$	۱۶																
۱	<p>عدد <math>-\sqrt{3} + 2</math> را روی محور نمایش دهید.</p>	۱۷																
۰/۵	<p>حاصل عبارت‌های زیر را به دست آورید.</p> $\sqrt{12} \times \sqrt{3} =$ $- \frac{\sqrt{64}}{\sqrt{81}} =$	۱۸																
۲	<p>خانه‌های خالی در جدول آماری زیر را با عددهای مناسب پر کنید و سپس میانگین تقریبی داده‌ها را تا یک رقم اعشار را به دست آورید.</p> <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <thead> <tr> <th>حدود دسته‌ها</th> <th>فرآوانی</th> <th>مرکز دسته</th> <th>مرکز دسته × فرآوانی</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td><math>1 \leq x &lt; 5</math></td> <td></td> <td></td> <td>۳۰</td> </tr> <tr> <td><math>5 \leq x \leq 9</math></td> <td></td> <td>۷</td> <td></td> </tr> <tr> <td>مجموع</td> <td>۱۶</td> <td></td> <td></td> </tr> </tbody> </table>	حدود دسته‌ها	فرآوانی	مرکز دسته	مرکز دسته × فرآوانی	$1 \leq x < 5$			۳۰	$5 \leq x \leq 9$		۷		مجموع	۱۶			۱۹
حدود دسته‌ها	فرآوانی	مرکز دسته	مرکز دسته × فرآوانی															
$1 \leq x < 5$			۳۰															
$5 \leq x \leq 9$		۷																
مجموع	۱۶																	
۱	<p>میانگین نمره‌های ۶ درس دانش آموزی <math>17/5</math> شده است. اگر نمره‌های دو درس دیگر او، که ۱۸ و ۱۳ است، به این داده‌ها اضافه شود، میانگین جدید را پیدا کنید.</p>	۲۰																
۰/۵	<p>اگر فاصله خط <math>\ell</math> تا مرکز دایره‌ای به شعاع ۵ سانتی‌متر، برابر با ۶ سانتی‌متر باشد، با رسم شکل وضعیت خط و دایره را مشخص کنید.</p>	۲۱																
۱	<p>در دایره زیر، از نقطه <math>A</math> خطی مماس بر دایره رسم کرده‌ایم تا دایره را در نقطه <math>B</math> قطع کند. <math>OB</math> شعاع دایره است.</p> <p>(الف) اندازه زاویه <math>B</math> چند درجه است؟</p> <p>(ب) اگر اندازه پاره خط <math>AB</math> برابر با ۱۲ سانتی‌متر و فاصله مرکز دایره از نقطه <math>A</math> ۱۵ سانتی‌متر باشد، اندازه شعاع دایره را به دست آورید.</p>	۲۲																

## سوالات

۱

در دایره زیر، اندازه زاویه‌های خواسته شده را پیدا کنید. نقطه  $O$  مرکز دایره است.  
زاویه  $BDA$  برابر با  $40^\circ$  درجه است.



$$\hat{C} = \dots$$

$$\hat{O} = \dots$$

$$\overset{\frown}{ACB} = \dots$$

صفحه ۴ از ۱۶

جمع بارم : ۲۰ نمره

نام درس: ریاضی  
نام دبیر: یوسفی  
تاریخ امتحان:  
ساعت امتحان:  
مدت امتحان: ۸۰ دقیقه

## کلید سوالات پایان ترمه نوبت دوم

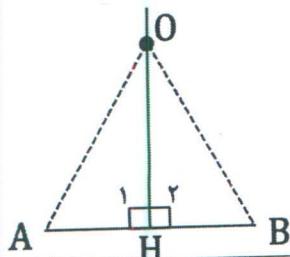


ردیف	راهنمای تصحیح	محل مهر یا امضاء مدیر
۱	(الف) درست      ب) نادرست $\left(\begin{matrix} 1 \\ 0 \end{matrix}\right)$ ج) نادرست      د) درست $(\sqrt{9+16} = \sqrt{25} = 5 \text{ اما } \sqrt{9} + \sqrt{16} = 3 + 4 = 7)$	
۲	الف) ۴      ب) قائم الزاویه $25^{\circ}$ ج) عمود $25^{\circ}$	
۳	الف) گزینه ۲      ب) گزینه ۳      ج) گزینه ۱      د) گزینه ۲	
۴	$1+2+3+\dots+99+100 = 50 \times 101 = 5050$	
۵	۹ و ۸ (یا ۹ و ۱۶) (یا ۴۹ و ۲۵) (یا ۲۴ و ...)	$-\frac{2}{5} \div \left(1\frac{3}{5} - \frac{1}{2}\right) = -\frac{22}{5} \div \left(\frac{16}{10} - \frac{5}{10}\right) = -\frac{22}{5} \times \frac{10}{11} = -4$
۶	الف) ۲      ب) ۷	
۷	$a \perp b \quad c \perp b \Rightarrow a \parallel c$	دو خط عمود بر یک خط، با هم موازی‌اند.
۸	$\frac{(10-2) \times 180}{10} = 144$	
۹	ابتدا اندازه زاویه داخلی A را محاسبه می‌کنیم: $360 - (110 + 50 + 60) = {}^{\circ}140$ حال اندازه زاویه خارجی A را محاسبه می‌کنیم: $180 - 140 = {}^{\circ}40$	
۱۰	$(a+3b)^2 = (a+3b)(a+3b) = a^2 + 3ab + 3ab + 9b^2 = a^2 + 6ab + 9b^2 \quad \forall b(a-2b) \text{ (ب)}$	
۱۱	$\frac{3}{4} + \frac{x+1}{2} = \frac{1}{4} \Rightarrow 4 \times \frac{3}{4} + 4 \times \frac{x+1}{2} = 4 \times \frac{1}{4} \Rightarrow 3 + 2x + 2 = 1 \Rightarrow 2x = -4 \Rightarrow x = -2$	
۱۲		

$$\vec{x} = 2\vec{a} + \vec{b} = 2 \begin{bmatrix} 2 \\ -1 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 \\ 5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4 \\ -2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 \\ 5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 5 \\ 3 \end{bmatrix}$$

$$y + 4 = 4y - 2 \Rightarrow 4 + 2 = 4y - y \Rightarrow 6 = 3y \Rightarrow y = 2$$

$$2x + 2 = x + 3 \Rightarrow 2x - x = 3 - 2 \Rightarrow x = 1$$



$$\left. \begin{array}{l} \hat{H}_1 = \hat{H}_2 = 90^\circ \\ \overline{AH} = \overline{BH} \\ OH \text{ مشترک} \end{array} \right\} \Rightarrow \triangle OAH \cong \triangle OBH \Rightarrow \overline{OA} = \overline{OB}$$

$$\Delta \times 25^3 = \Delta \times \left(\frac{1}{5}\right)^3 = \Delta \times 5^6 = 5^7$$

$$\left[ \frac{12^5}{2^5} \right] \div \left[ \frac{20^3}{5^3} \right] = 4^5 \div 4^3 = 4^2$$

محور بکشید.

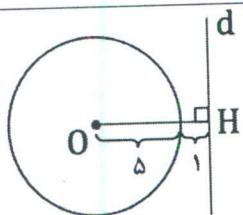
$$\sqrt{12} \times \sqrt{3} = \sqrt{12 \times 3} = \sqrt{36} = 6$$

$$-\sqrt{\frac{64}{81}} = -\frac{\sqrt{64}}{\sqrt{81}} = -\frac{8}{9}$$

حدود دسته‌ها	فراوانی	مرکز دسته	مرکز دسته $\times$ فراوانی
$1 \leq x < 5$	۱۰	۳	۳۰
$5 \leq x \leq 9$	۶	۷	۴۲
مجموع	۱۶		۷۲

$$\bar{x} = \frac{72}{16} = 4.5$$

$$\text{قدیم } S = \frac{17}{5} \times 6 = 10.5 \Rightarrow S = 10.5 + 18 + 13 = 41.5 \Rightarrow \bar{x} = \frac{41.5}{8} = 5.1875$$



$$(\overline{OH} = 6, r = 5)$$

$$\overline{OH} > r$$

$$\bar{x} = \frac{41.5}{8} = 5.1875$$

خط و دایره نقطه مشترکی ندارند.

۲۳

الف) ۹۰ درجه

ب) مثلث  $OBA$  قائم الزاويه است، پس:

$$\overline{OB}^2 = \overline{OA}^2 - \overline{AB}^2 = 15^2 - 12^2 = 225 - 144 = 81 \Rightarrow \overline{OB} = \sqrt{81} = 9$$

الف) اندازه کمان  $AB$  ۴۵ درجه است.

ب) کمان مساوی ایجاد می شود، چون:  $360 \div 45 = 8$

زاویه های  $C$  و  $D$  زاویه های محاطی رو به کمان  $AB$  هستند، پس با هم برابرند.

۲۴

اندازه کمان  $AB$  دو برابر اندازه زاویه  $D$  است و اندازه زاویه مرکزی  $O$  نیز با اندازه کمان  $AB$  برابر است.

مجموع اندازه کمان های  $AB$  و  $ACB$  برابر با  $360$  درجه است، پس برای به دست آوردن اندازه کمان  $ACB$  باید اندازه کمان

$$\widehat{C} = 40^\circ$$

$$\widehat{O} = 180^\circ$$

$$\widehat{ACB} = 280^\circ$$

را از  $360$  درجه کم کنیم.

۲۵

۲۶

۲۷