

ساعت شروع: ۹ صبح	تاریخ امتحان: ۱۶/۰۲/۱۴۰۲	مدت امتحان: ۱۰۰ دقیقه	سوالات امتحان هماهنگ درس: ریاضیات گسسته
تعداد صفحه: ۲ صفحه	تعداد سوال: ۱۶ سوال	رشته: ریاضی فیزیک	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
اداره کل آموزش و پرورش استان آذربایجان شرقی		کلاس:	نام و نام خانوادگی:

«صفحه اول»

ردیف	سوالات	بارم
۱	<p>درستی و نادرستی عبارات زیر را مشخص کنید.</p> <p>الف) اگر $c a + b$ باشد، آنگاه $a b$ یا $a c$ است.</p> <p>ب) حاصل $(m^3 + m)$ برابر با m^7 است.</p> <p>پ) تعداد رؤوس فرد هر گراف، عددی فرد است.</p> <p>ت) در مربع لاتین چرخشی مرتبه ۵ مجموع درایه های روی قطر اصلی برابر ۵ است.</p>	۱
۲	<p>در هر مورد عبارت صحیح را از داخل پرانتز انتخاب کنید.</p> <p>الف) گراف G را همبند می نامیم هرگاه بین هر دو راس آن وجود داشته باشد.</p> <p>(حداقل یک یال، حداقل یک مسیر)</p> <p>ب) اگر G یک گراف p راسی باشد، مقدار $\binom{P(P-1)}{2} + p(p-1)$ برابر با است.</p> <p>پ) مکمل گراف کامل، گراف است. (r-منتظم، تهی)</p> <p>ت) گرافی را که تنها از یک مسیر n راسی تشکیل شده باشد با نمایش می دهیم. $(c_n \text{ و } P_n)$</p>	۱
۳	<p>به ازای هر دو عدد حقیقی x و y به روش بازگشتی، ثابت کنید:</p> $x^2 + y^2 + 1 \geq xy + x + y$	۱
۴	<p>اگر باقیمانده تقسیم اعداد a و b بر ۱۵ به ترتیب ۵ و ۳ باشد، باقیمانده تقسیم عدد $(2a - 5b)$ بر ۱۵ را بدست آورید.</p>	۱/۲۵
۵	<p>اگر ۷ مهر ماه در یک سال روز دوشنبه باشد، ۹ اسفند ماه در همان سال چه روزی از هفته است؟</p>	۱/۲۵
۶	<p>جوابهای عمومی معادله $2x + 5y = 29$ را بدست آورید.</p>	۱
۷	<p>در گراف G، درجه راس a برابر با ۸ است و درجه راس a در گراف \bar{G} برابر با ۱۱ است. مرتبه گراف G را مشخص کنید.</p>	۱
۸	<p>گراف G (شکل مقابل) را در نظر بگیرید.</p> <p>الف) (G) و (Δ) را مشخص کنید.</p> <p>ب) دوری به طول ۴ را مشخص کنید.</p> <p>پ) یک مسیر به طول ۴ از a به e بنویسید.</p> <p>ت) $[f]$ و $N_G(f)$ را با اعضاء مشخص کنید.</p>	۱/۵

ساعت شروع: ۸ صبح	تاریخ امتحان: ۱۶/۰۲/۱۴۰۲	مدت امتحان: ۱۰۰ دقیقه	سوالات امتحان هماهنگ درس: ریاضیات گسسته
تعداد صفحه: ۲ صفحه	تعداد سوال: ۱۶ سوال	رشته: ریاضی فیزیک	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
اداره کل آموزش و پرورش استان آذربایجان شرقی	کلاس:		نام و نام خانوادگی:

«صفحه دوم»

ردیف	سوالات	بارم
------	--------	------

۹	عدد احاطه‌گری را برای گراف زیر مشخص و ادعای خود را ثابت کنید.	۱/۵																																																		
۱۰	<p>گراف C_{10} را رسم کنید.</p> <p>الف) یک γ - مجموعه از آن را مشخص کنید.</p> <p>ب) یک مجموعه احاطه‌گر مینیمال ۵ عضوی از آن را تعیین کنید.</p>	۱/۵																																																		
۱۱	۱۲ نفر به چند طریق می‌توانند درسه اتاق ۵ نفره، ۴ نفره و ۳ نفره واقع در یک هتل اسکان یابند.	۱																																																		
۱۲	<p>اگر داشته باشیم $\{1, 2, 3, 4, 5\} = A$ و $\{6, 7, 8, 9\} = B$ در اینصورت چند رمز با کد ۷ رقمی می‌توان نوشت که هر یک شامل ۴ رقم از A و ۳ رقم از B باشد.</p>	۱/۵																																																		
۱۳	معادله $x_1 + x_2 + x_3 + x_4 = 12$ چند جواب صحیح و مثبت دارد به شرط آنکه $x_2 > x_4$ باشد.	۱/۵																																																		
۱۴	چند عضو از مجموعه $S = \{n \in \mathbb{N} \mid 1 \leq n \leq 200\}$ نه بر ۳ و نه بر ۵ بخشیدیرند.	۱/۵																																																		
۱۵	<p>در هر مورد متعامد بودن دو مربع لاتین داده شده را بررسی کنید.</p> <p>(الف)</p> <table border="1" style="display: inline-table; vertical-align: middle;"> <tr><td>۳</td><td>۴</td><td>۱</td><td>۲</td></tr> <tr><td>۴</td><td>۳</td><td>۲</td><td>۱</td></tr> <tr><td>۱</td><td>۲</td><td>۳</td><td>۴</td></tr> <tr><td>۲</td><td>۱</td><td>۴</td><td>۳</td></tr> </table> <table border="1" style="display: inline-table; vertical-align: middle;"> <tr><td>۳</td><td>۴</td><td>۱</td><td>۲</td></tr> <tr><td>۱</td><td>۲</td><td>۳</td><td>۴</td></tr> <tr><td>۲</td><td>۱</td><td>۴</td><td>۳</td></tr> <tr><td>۴</td><td>۳</td><td>۲</td><td>۱</td></tr> </table> <p>(ب)</p> <table border="1" style="display: inline-table; vertical-align: middle;"> <tr><td>۱</td><td>۲</td><td>۳</td></tr> <tr><td>۲</td><td>۱</td><td>۲</td></tr> <tr><td>۲</td><td>۳</td><td>۱</td></tr> </table> <table border="1" style="display: inline-table; vertical-align: middle;"> <tr><td>۳</td><td>۱</td><td>۲</td></tr> <tr><td>۲</td><td>۳</td><td>۱</td></tr> <tr><td>۱</td><td>۲</td><td>۳</td></tr> </table>	۳	۴	۱	۲	۴	۳	۲	۱	۱	۲	۳	۴	۲	۱	۴	۳	۳	۴	۱	۲	۱	۲	۳	۴	۲	۱	۴	۳	۴	۳	۲	۱	۱	۲	۳	۲	۱	۲	۲	۳	۱	۳	۱	۲	۲	۳	۱	۱	۲	۳	۱
۳	۴	۱	۲																																																	
۴	۳	۲	۱																																																	
۱	۲	۳	۴																																																	
۲	۱	۴	۳																																																	
۳	۴	۱	۲																																																	
۱	۲	۳	۴																																																	
۲	۱	۴	۳																																																	
۴	۳	۲	۱																																																	
۱	۲	۳																																																		
۲	۱	۲																																																		
۲	۳	۱																																																		
۳	۱	۲																																																		
۲	۳	۱																																																		
۱	۲	۳																																																		
۱۶	۷۶ شاخه گل را حداکثر در چند گلدان قرار دهیم تا اطمینان داشته باشیم گلدانی وجود دارد که در آن حداقل ۵ شاخه گل قرار گرفته است.	۱/۵																																																		
جمع	موفق و سریبلند باشید	۲۰																																																		

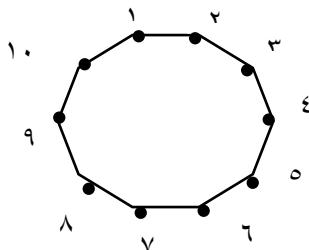
ساعت شروع: ۸ صبح	تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۰۲/۱۶	مدت امتحان: ۱۰۰ دقیقه	بارم سوالات امتحان هماهنگ درس: ریاضیات گسسته
تعداد صفحه: ۲ صفحه	تعداد سوال: ۱۶ سوال	رشته: ریاضی فیزیک	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
اداره کل آموزش و پرورش استان آذربایجان شرقی	کلاس:		نام و نام خانوادگی:

ردیف	راهنمای تصحیح	بارم
------	---------------	------

۱	(الف) نادرست (۰/۲۵) ب) درست (۰/۲۵) پ) نادرست (۰/۲۵) ت) درست (۰/۲۵)	۱																
۱	الف) حداقل یک مسیر $\frac{p(p-1)}{2}$ ب) پ) تهی (۰/۲۵) ت) p_n (۰/۲۵)	۲																
۱	$2x^2 + 2y^2 + 2 \geq 2xy + 2x + 2y \Leftrightarrow 2x^2 + 2y^2 + 2 - 2xy - 2x - 2y \geq 0 \quad (۰/۵)$ $(x^2 + y^2 - 2xy) + (y^2 - 2y + 1) + (x^2 - 2x + 1) \geq 0$ $(x-y)^2 + (x-1)^2 + (y-1)^2 \geq 0 \quad (۰/۵)$ <p>نامساوی به دست آمده بدینهی است و چون تمام مراحل بازگشت پذیرند پس حکم درست است.</p>	۳																
۱/۲۵	$a = 15q + 5 \rightarrow 2a = 15(2q) + 10 \quad (۰/۲۵)$ $b = 15q + 3 \rightarrow 5b = 15(5q) + 15 \quad (۰/۲۵)$ $2a - 5b = 15(2q - 5q - 1) + 10 = 15K + 10 \rightarrow r = 10 \quad (۰/۱۵)$	۴																
۱/۲۵	$23 + 4 \times 30 + 9 \stackrel{۷}{=} 2 + 4 \times 2 + 2 \stackrel{۷}{=} 5 \quad (۰/۵)$ <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>د</td><td>س</td><td>ج</td><td>پ</td><td>ج</td><td>ش</td><td>ی</td><td>۵</td> </tr> <tr> <td>۰</td><td>۱</td><td>۲</td><td>۳</td><td>۴</td><td>۵</td><td>۶</td><td>۷</td> </tr> </table> <p>(۰/۱۵)</p> <p>روز شنبه نهم اسفند همان سال است. (۰/۲۵)</p>	د	س	ج	پ	ج	ش	ی	۵	۰	۱	۲	۳	۴	۵	۶	۷	۵
د	س	ج	پ	ج	ش	ی	۵											
۰	۱	۲	۳	۴	۵	۶	۷											
۱	$2x \stackrel{۵}{=} 29 \stackrel{۵}{=} 4 \rightarrow x \stackrel{۵}{=} 2 \rightarrow x = 2 + 5K \quad (۰/۵) \quad (2 \text{ و } 5) = 1 29$ $2x + 5y = 29 \rightarrow 5y = -10K + 29 \rightarrow y = -2K + 5 \quad (K \in \mathbb{Z}) \quad (۰/۵)$	۶																
۱	$deg_G(a) + deg_{\bar{G}}(a) = p - 1 \quad (۰/۵) \rightarrow 8 + 11 = p - 1 \rightarrow p = 20 \quad (۰/۵)$	۷																
۱/۵	<p>الف) $bceab$ (۰/۲۵) يا $bdceb$ (۰/۵) $\Delta(G) = 4$ و $\delta(G) = 0$</p> <p>پ) $N_G(d) = \{b, c\}$ و $N_G(f) = \{f, e\}$ (۰/۵) $abdce$ (۰/۲۵)</p>	۸																
۱/۵	$\gamma(G) \geq \left\lceil \frac{n}{\Delta+1} \right\rceil = \left\lceil \frac{11}{4} \right\rceil = 3 \rightarrow \gamma(G) \geq 3 \quad (۰/۵)$ $D = \{a, c, j\} \rightarrow \gamma(G) \leq 3 \quad (۰/۷۵) \Rightarrow \gamma(G) = 3 \quad (۰/۲۵)$	۹																
	ادامه سوالات در صفحه دوم																	

شکل ۰/۵

۱/۵



$$D = \{1, 4, 7, 10\}$$

$$D = \{1, 3, 5, 7, 9\}$$

(۰/۵) الف)

(۰/۵) ب)

۱۰

۱

$$\binom{12}{5} \binom{7}{4} \binom{3}{2} = \frac{12!}{5! \times 4! \times 3!}$$

$$(0/25)(0/25)(0/25) (0/25)$$

۱۱

۱/۵

$$\binom{5}{4} \binom{4}{3} 7! = 5 \times 4 \times 7! = 20 \times 7!$$

$$(0/75) (0/75)$$

۱۲

۱/۵

$$x_1 + (x_2 - 2) + x_3 + 4 = 10 \rightarrow x_1 + y_2 + x_3 = 6 \quad (\text{انمراه})$$

۱۳

$$|S| = \binom{8-1}{3-1} = \binom{5}{2} = 10 \quad (0/5)$$

۱/۵

$$|\bar{A} \cap \bar{B}| = |(\bar{A} \cup \bar{B})| = |S| - |A \cup B| = 200 - (66 + 40 - 13) = 107$$

$$|A| = \left[\frac{200}{3} \right] = 66 \quad [B] = \left[\frac{200}{5} \right] = 40 \quad [A \cap B] = \left[\frac{200}{15} \right] = 13 \quad (0/75)$$

۱۴

۱

(۰/۵) الف)

۳۳	۴۴	۱۱	۲۲
۴۱	۳۲	۲۳	۱۴
۱۲	۲۱	۳۴	۴۳
۲۴	۱۳	۴۲	۳۱

متعادمند.

(۰/۵) ب)

متعادم

نیستند.

۱۳		
	۱۳	
		۱۳

۱۵

۱/۵

کبوتر ها یعنی شاخه های گل و لانه ها همان گلدانها هستند طبق تعمیم اصل لانه کبوتر داریم: (۰/۲۵)

$$(0/25) K + 1 = 5 \rightarrow K = 4$$

۱۶

$$Kn + 1 = 76 \rightarrow 4n = 76 - 1 \rightarrow 4n = 75 \rightarrow n = \left[\frac{75}{4} \right] = [18/75] = 18 \quad (1 \text{ نمره})$$

۲۰

همکاران گرامی لطفا برای راه حل های صحیح دیگر بارم را به تناسب تقسیم فرمایید.